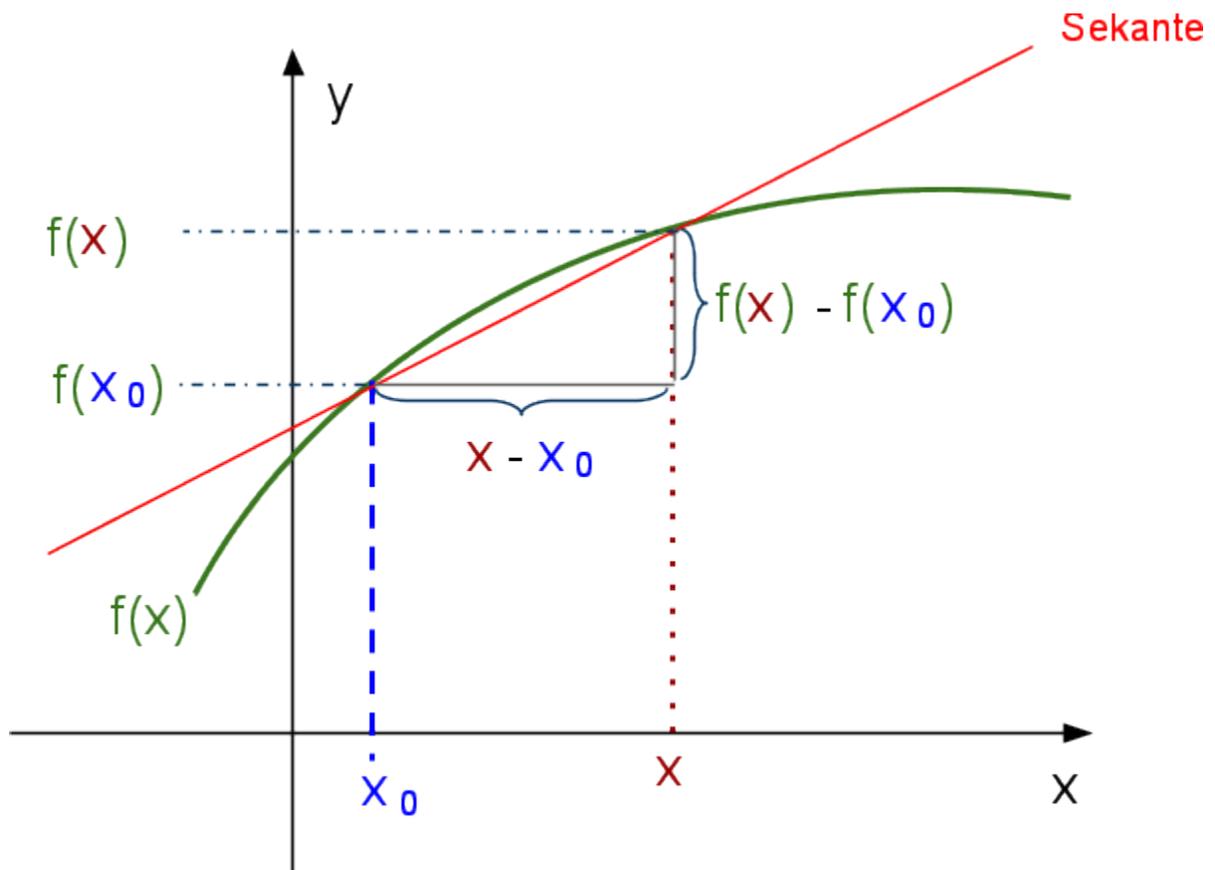


# Differenzialquotient

Mit Hilfe des Differenzialquotient kann man die Steigung einer Funktion in einem Punkt  $X_0$  definieren.



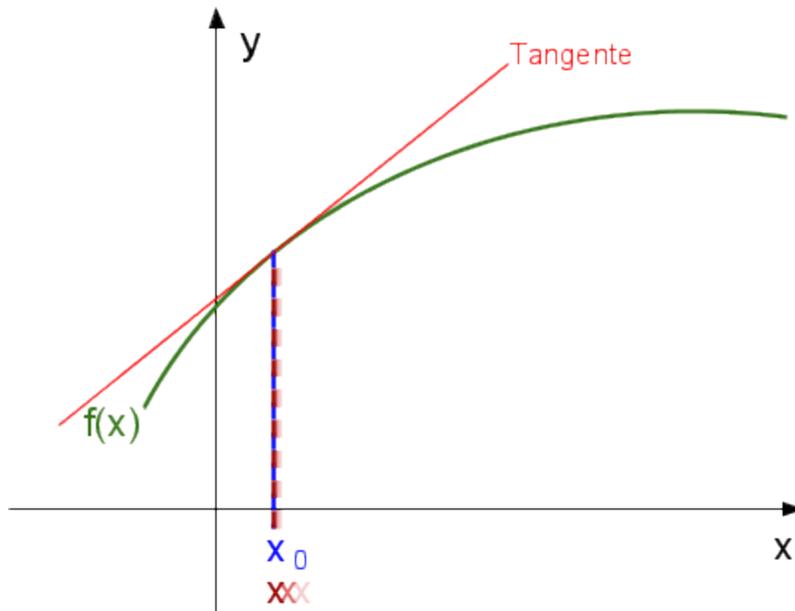
Die Steigung einer Geraden liest man an dem *Steigungsdreieck* ab und trägt die y-Achsendifferenz in den Zähler und die x-Achsendifferenz in den Nenner.

Die Steigung der **Sekante** lautet also:

$$m = \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$

Man nennt diese Steigung **Differenzenquotient**.

Wenn man nun den Punkt  $X$  in Richtung von  $X_0$  "laufen" lässt, wird die Sekante immer mehr zu einer Tangente.



Mit Hilfe des Limes können wir diesen Vorgang auch mathematisch darstellen:

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$

Diesen Ausdruck nennt man auch **Differenzialquotient**.

Der Differenzialquotient sagt uns also die Steigung in dem Punkt  $x_0$ , d.h. also:

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = f'(x_0)$$